

Julia

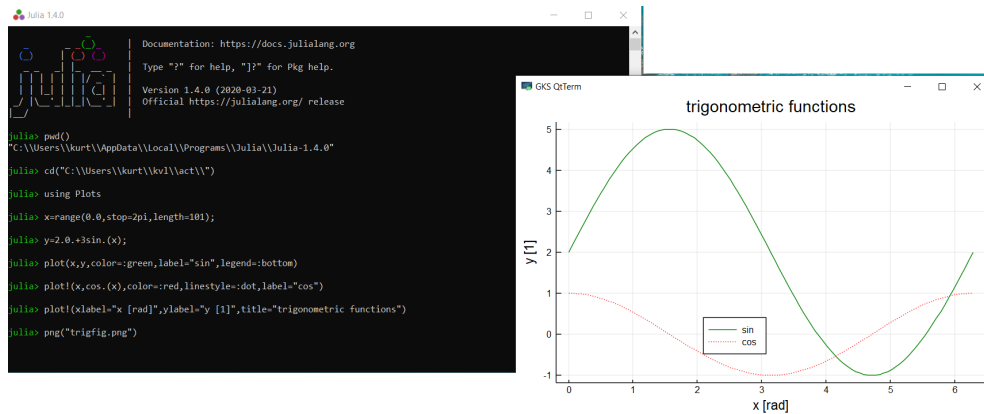
- frei
- offen
- leicht
- schnell
- dynamisch

Getting started

Arbeitsweisen

- windows, linux, macOS
download installer/archive from julialang.org
unter ubuntu: `sudo apt-get julia` gibt UraltVersion!
aktuelle stabile Version: 1.9.0 (Mai 2023)
- packages
`Pkg.add(name)`, using name
Beispiel: `add Plots; using Plots; plot(sin, -pi, pi)`
inzwischen wird nach `using Plots;`
automatisch Installation angeboten – sofern nötig

- REPL-Modus (inklusive help und pkg)
- Skripte mit `include`
- GUI dank VisualStudioCode, vorher: atom (hackable editor)
- Notebooks unter Jupyter mit IJulia



- REPL steht für: read-eval-print loop
- Ausführung mit Enter
- Hilfe mit ?
- package-mode mit] (add Plots etc.)
- copy und paste ggfs. mit rechter Mausextaste

Include

Remarks zu include

Documentation: <https://docs.julialang.org>
 Type "?" for help, "]" for Pkg help.
 Version 1.4.0 (2020-03-21)
 Official <https://julialang.org/> release

```

julia> cd("C:\\Users\\kurt\\kv1\\act\\")
julia> readdir()
6-element Array{String,1}:
 "domainoutlines_completedipynb.pdf"
 "domainoutlines_ipynb.pdf"
 "replscreen.png"
 "sols20200225ipynb.pdf"
 "trigfig.png"
 "trigscript.jl"
julia> include("trigscript.jl")
julia> _
  
```

- im REPL Skripte mit include ausführen
- Ausgaben, u.a. Plots, werden nur auf Wunsch gezeigt
- Verzeichnis wird nicht automatisch gewechselt

using Plots

```
x=range(0.0,stop=2pi,length=101);
y=2.0.+3sin.(x);
```

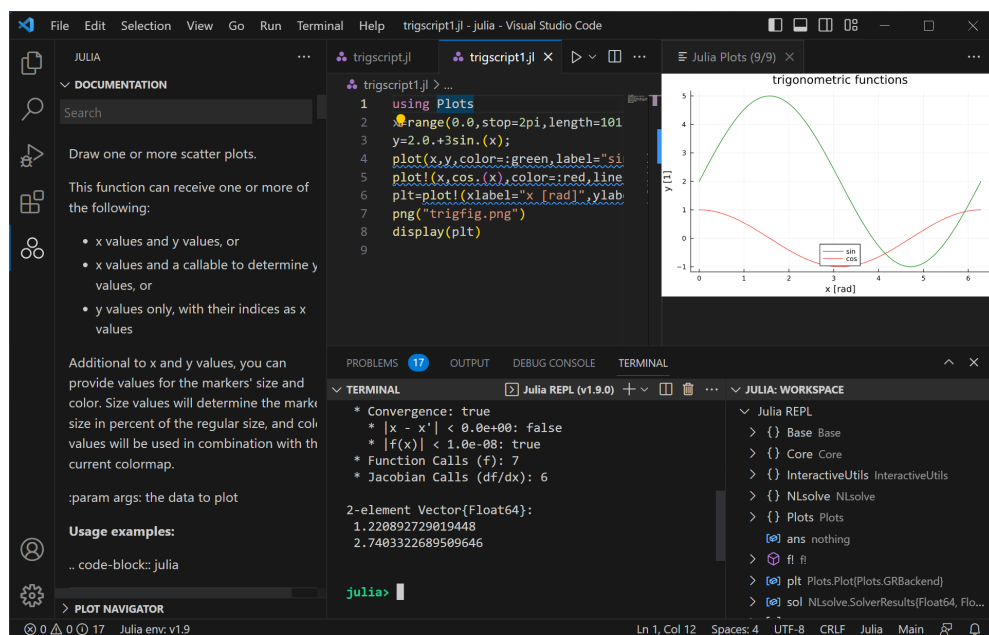
```
plot(x,y,color=:green,label="sin",legend=:bottom)
plot!(x,cos.(x),color=:red,linestyle=:dot,label="cos")
```

```
plt=plot!(xlabel="x [rad]",ylabel="y [1]",
title="trigonometric functions")
```

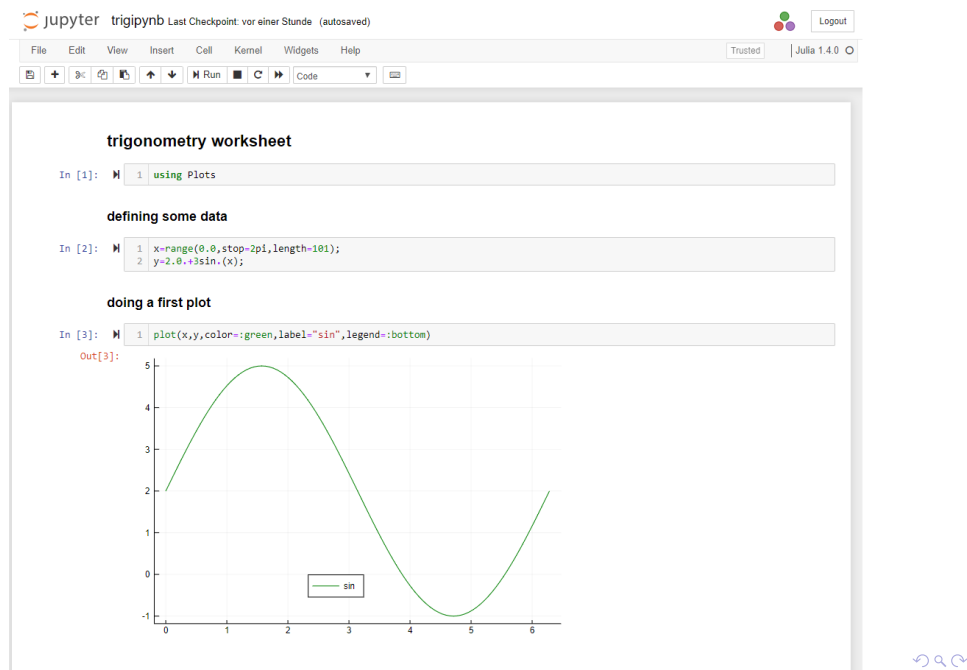
```
png("trigfig.png")
display(plt)
```

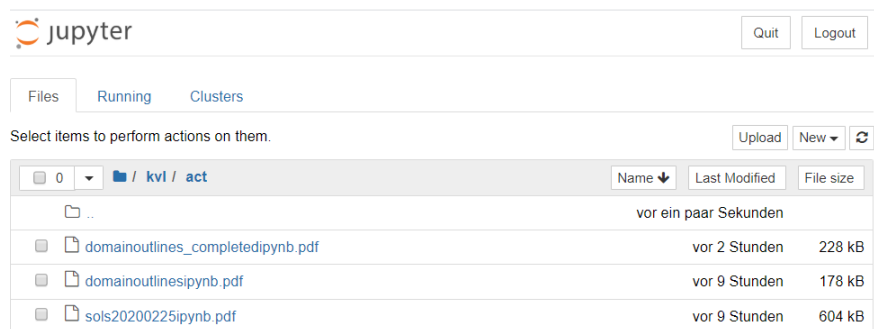
- nicht zu verwechseln mit C++-Entwicklungsumgebung von MS
- `code.visualstudio.com`
- Plugins für julia und jupyter holen
- Workspace, PlotHistorie, Probleme, Doku ...
- vielfältige Nutzung, u.a. python, $\text{\LaTeX}$...

VSC-Screenshot



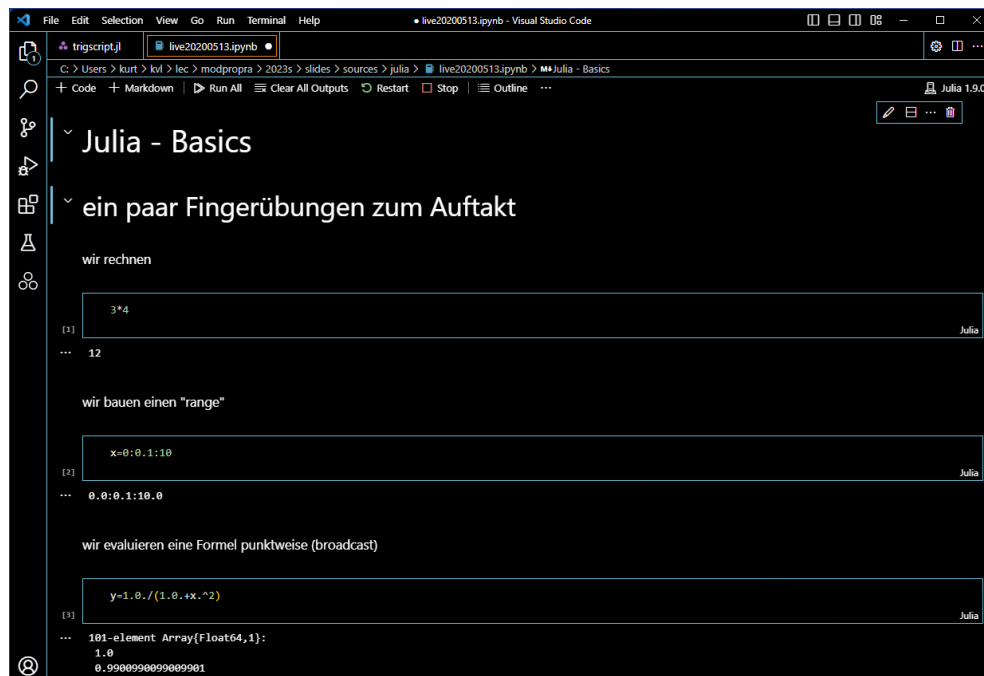
Jupyter





- Start mit: `using IJulia; notebook()`
- Maple-ähnliche Oberfläche im Standardbrowser
- neues oder existierendes notebook öffnen
- Text (inklusive LaTeX) und Input eingeben
- Output im Worksheet
- `Ctrl+P` zwecks Ausdruck

Jupyter in VSC



Unterschiede zu Matlab

- Kommentare mit `#`
- Klammern

$$x = [1; 2; 3], \quad x[2] += 7$$
- Ranges sind keine Vektoren

$$y = 1:3; \quad y[3] = 9$$
- Vektoren sind keine Matrizen
- Arrays zuweisen mit `x=copy(y)`; sonst zeigen `x` und `y` auf das selbe Object
- Operatoren müssen broadcasted werden

$$x .+ y$$
- Pakete müssen geladen werden
`eigvals([1 2; 3 4])` erst nach: `using LinearAlgebra`
- Funktionen sehr user-friendly defined

$$f(x) = \sqrt{x} - 2x^3$$
- Deklaration von Variablen-Typen
- Befehl `meshgrid` fehlt (anfangs)

- Plots
(2d, contour, 3d, Animation)
- Nichtlineare Gleichungen lösen
(Gleichgewichtszustand)
- LGS Lösen
(zum Beispiel Kräftegleichgewicht)
- Minimum finden (stationäre Lösung)
- ODE lösen
(Oszillator)
- Bewegungsgleichungen aufstellen
(symbolisches Rechnen, Formelmanipulation)

many packages – As you like it

- Plots
Pkg.add(Plots)
using Plots
- PyPlot
best for Python fans
- Gaston
based on Gnuplot
- Winston
looks pretty poor
- GR
ist der Standard bei Plots

Bemerkung: Man kann Frontend wie Backend wechseln, also etwa Plots so nutzen, als hätte man PyPlot geladen.

Alternativen bei ODEs

- DifferentialEquations
Maß der Dinge
- ODE
wishlist, still growing project
- OrdinaryDifferentialEqs
- Sundials
wraps libraries of Lawrence Livermore National Laboratory
Suite of Nonlinear and Differential/Algebraic equation Solvers

```
using Sundials, Winston
# a well-known right-hand side
function f(t,y,ydot)
    mu = 2.5
    ydot[1] = y[2]
    ydot[2] = mu*(1-y[1]^2)*y[2]-y[1]
end
# time range
t = [0:0.01:10.0;]
# initial state
y0 = [1.0, 3.0]
# call of solver
res = Sundials.cvode(f, y0, t)
# plotting results
plot(res[:,1], res[:,2])
```

Angestaubte Variante

```
using DifferentialEquations, Plots;
```

```
# Funktion mit Rueckgabe der Ableitung
f(y,p,t)=p*y;
```

```
# Zusammenstellen des Cauchyproblems (AWP)
deqprbl=ODEProblem(f,3.0,(0.0,12.0),-0.33)
```

```
# Loesung des Problems
solu=solve(deqprbl)
```

```
# Visualisierung
plot(t->solu(t),0,12,legend=false,title="Loesung des AWP")
scatter!(solu.t,solu.u,xlabel="Zeit t",ylabel="Menge y(t)")
```

Bemerkung: Übergabe des Parameters, Markierung der vom Solver gewählten Schritte.

Achtung: Reihenfolge der Argumente bei `ODEProblem` und der rechten Seite

```
function f!(yp,y,p,t)
    g=p[1]; l=p[2];
    yp[1]=y[2];
    yp[2]=-g*sin(y[1])/l;
    return;
end;
```

```
y0=[0.0,6.26]; tspan=(0.0,12.0); p=(9.81,1.0);
pendprob=ODEProblem(f!,y0,tspan,p)
```

```
pendsol=solve(pendprob, reltol=1.0e-4)
```

```
plot(t->pendsol(t)[1],0,12,label="Winkel",
xlabel="Zeit t")
plot!(t->pendsol(t)[2],0,12,label="Spin",
ylabel="Winkel und Spin")
plot(t->pendsol(t)[1],t->pendsol(t)[2],0,12,leg=false,
title="Phasenportrait",xlabel="Winkel",ylabel="Spin")
```

Bemerkung: Hauptaufwand ist Aufstellen der rechten Seite, zwecks Lösung reicht ein knappes `solve`, der meiste Text dient der grafischen Darstellung der Lösung.

Optimierungsbeispiel

```
using Optim, Plots;
```

```
rosenbrock(x) = (1.0 - x[1])^2 + 100.0 * (x[2] - x[1]^2)^2;
```

```
result = optimize(rosenbrock, zeros(2), BFGS());
println("the candidate minimizer is: $(result.minimizer)")
println("the minimum is: $(result.minimum)")
println("the number of steps was: $(result.iterations)")
```

```
result.f_calls, result.g_calls, result.time_run,
result.x_relchange, result.f_abschange
```

```
surface(-1:0.1:1.2,-1:0.1:1.2,(x,y)->rosenbrock([x,y]),
colorbar=false,
color=:cgrad([:blue,:red]),
camera=(130,80),
xlabel="\xi_1", ylabel="\xi_2")
```